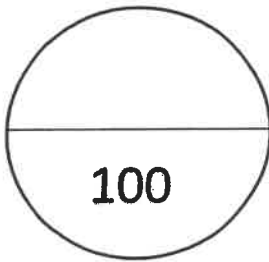


امتحان رياضيات قبول للمتفرعين للعاشر

الاسم الثلاثي: _____ المدرسة _____ البلدة _____



مدة الامتحان: ساعتان ونصف.

حل الامتحان يكون على أوراق الحل المرفقة فقط.

يسمح باستعمال الآلة حاسبة فقط.

وَضِّحْ وَفَضِّلْ جميع اجاباتك.

القوانين:

• قوانين الضرب المختصرة

$$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$$

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

• الدستور التربيعي لحل معادلة من الصورة $ax^2 + bx + c = 0$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

• احداثي x لنقطة رأس القطع المكافئ: $x = \frac{-b}{2a}$

• قانون حساب ميل الخط المستقيم $m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{(Y_1 - Y_2)}{(X_1 - X_2)}$

• معادلة الخط المستقيم $y = mx + b$

• قانون حساب مساحة المثلث: $\frac{1}{2} \times (\text{القطر الأول} \times \text{القطر الثاني})$

قسم الجبر : 60 علامة

السؤال الأول : معادلة تربيعية مع مقامات (10 علامات)

اكتب مجال التعويض ثم حل المعادلة التالية وجد قيمة \ قيم x .

$$\frac{x+2}{2x+6} - \frac{7x+98}{4x^2-36} + \frac{2x+3}{2x-6} = 1$$

السؤال الثاني : الدالة التربيعية (20 علامة)

معطى القطع المكافئ $f(x) = -x^2 - 4x + 5$

معطى ان: الشكل BCDF شبه منحرف، بحيث أن:

A هي نقطة رأس القطع المكافئ. النقطتان B, C هي نقاط تقاطع الدالة مع محور x.

النقطة D هي نقطة تقاطع الدالة مع محور y والنقطة O هي نقطة أصل المحاور.

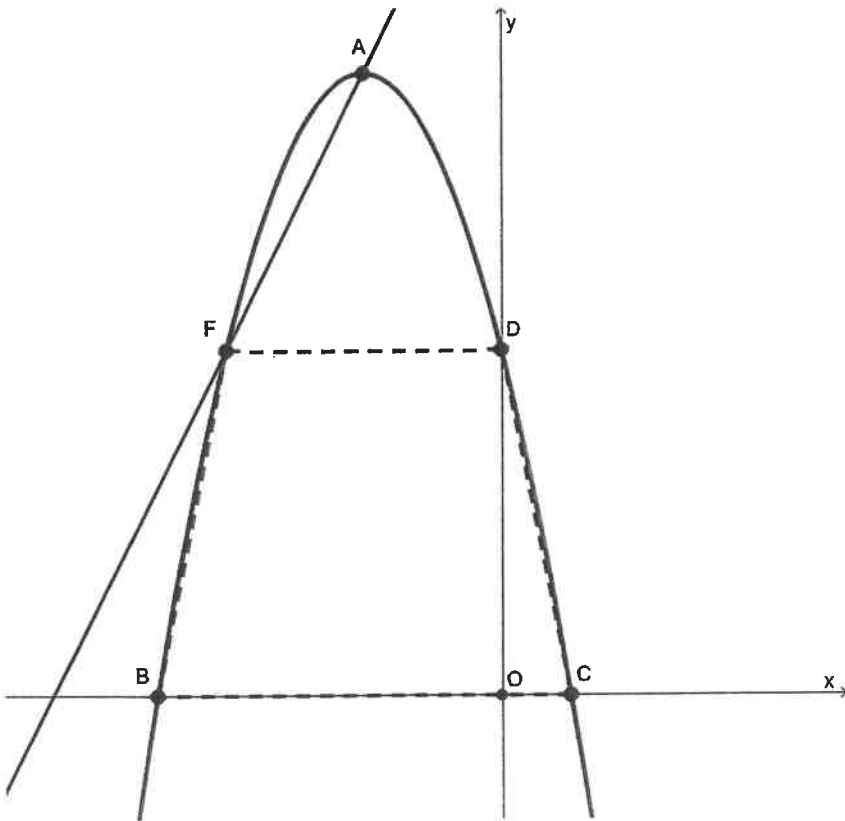
القطعة DF موازية لمحور x.

أ. جد إحداثيات جميع النقاط الظاهرة

في الرسم : A, B, C, D, F, O

ب. جد معادلة المستقيم AF

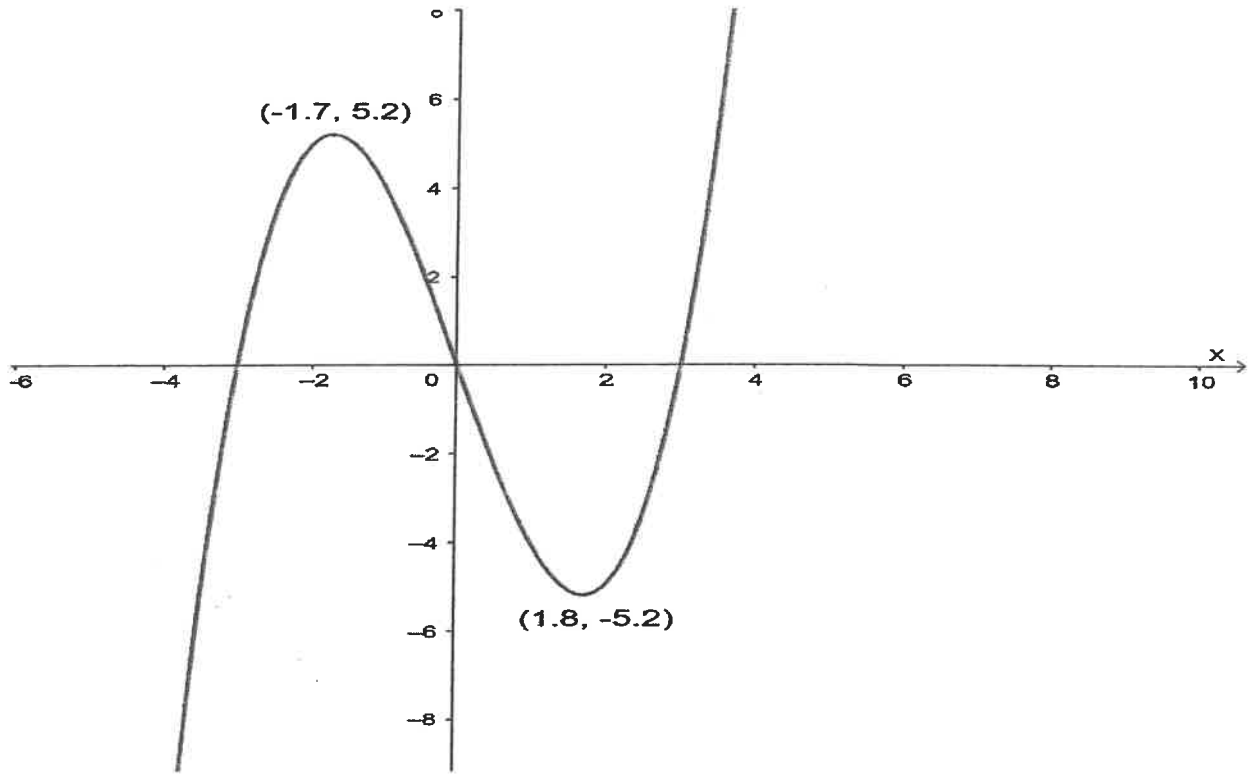
ت. جد مساحة شبه المنحرف BCDF



السؤال الثالث : من الرسم البياني للدالة الى الصفات وبالعكس (30 علامة)

الرسم الذي أمامك يصف الخط البياني للدالة $f(x)$.

أجب عن البنود التالية بالاعتماد على المعطيات المسجلة على الرسم



أ. ما هي احداثيات نقاط تقاطع الدالة $f(x)$ مع المحاور؟

ب. ما هي احداثيات النقاط القصوى للدالة؟ حدّد نوعها.

ج. سجّل مجالات تصاعد وتنازل الدالة.

د. سجّل المجالات الموجبة والسالبة للدالة.

هـ. جد لأي قيم k يقطع المستقيم $y = k$ الرسم البياني للدالة $f(x)$ في:

* نقطة واحدة . * نقطتين . * ثلاثة نقاط .

و. عرّفنا دالة جديدة $g(x)$ متصلة ومعروفة لكل x .

معلوم أن للدالة $g(x)$ نفس نقاط التقاطع مع محور x . لكن:

- مجالات التصاعد للدالة $g(x)$ هي مجالات تنازل $f(x)$

- مجالات التنازل للدالة $g(x)$ هي مجالات تصاعد $f(x)$

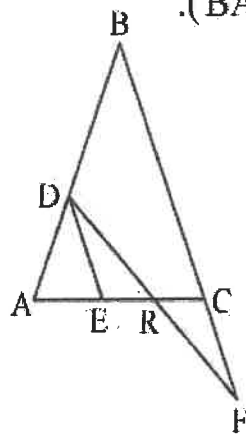
ارسم رسماً تقريبياً ممكناً للدالة $g(x)$ عيّن جميع الأعداد المطلوبة على محور x . (توجد

أكثر من إمكانية للرسم)

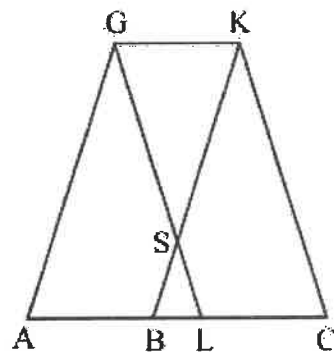
قسم الهندسة (40 علامة)

السؤال الرابع :

معطى في الرسم أن المثلث $\triangle BAC$ هو مثلث متساوي الساقين ($BA = BC$).
 معطى أيضاً أن: $DE \parallel BF$ ، $DA = CF$.
 (أ) برهنوا أن: $DE = CF$.
 (ب) معطى أن: $\angle F = 40^\circ$ ، $\angle B = 80^\circ$.
 احسبوا مقدار الزاوية $\angle DRE$.
 (ج) برهنوا أن: $DR = FR$.



السؤال الخامس :



- $GKCA$ هو شبه منحرف متساوي الساقين،
 $GA \parallel KB$ ، $GL \parallel KC$.
 (أ) برهنوا أن $GS = SK$.
 (ب) اشرحوا لماذا $\triangle SGK \sim \triangle SLB$.
 (ج) معطى: $AB = 8$ سم ، $BL = 5$ سم .
 مساحة الشكل $GKCL$ هي 80 سم² .
 احسبوا مساحة شبه المنحرف $GKCA$.